

Séries de Tempo

Aula 6 - Outros modelos univariados

Regis A. Ely

Departamento de Economia
Universidade Federal de Pelotas

21 de agosto de 2020

Conteúdo

Outros modelos univariados

Identificação e seleção de modelos

Validação

Rolling cross validation

Medidas de performance

Exemplo no R

Conjunto treino

Conjunto validação

Estimação

Performance das previsões

Seleção do melhor modelo

Previsões finais

Outros modelos univariados

Alguns outros modelos univariados que podemos utilizar para previsão incluem:

- **Média:** a previsão de um valor futuro é sempre igual a média dos valores passados
- **Naive:** a previsão de um valor futuro é o valor imediatamente anterior (passeio aleatório)
- **Seasonal Naive:** a previsão de um valor futuro é o valor sazonal imediatamente anterior
- **Modelos dinâmicos aditivos:** modelos que incluem componentes sazonais, tendências e regressores exógenos

Identificação e seleção de modelos

- Em modelos ARIMA, usamos os critérios de identificação para selecionar entre modelos distintos
- Como estes critérios dependem do valor da função de verossimilhança, não podemos utilizá-los para comparar modelos com estruturas distintas¹
- Nesse caso, devemos construir uma estratégia de validação das previsões e utilizar medidas de acurácia baseadas nos erros de previsão
- Pode-se demonstrar que o critério de Akaike corrigido é equivalente a uma validação do tipo *leave-one-out* (LOOCV)

¹Também deve-se utilizar com cautela o critério AICc quando o horizonte de previsão é longo.

Validação

- Para avaliarmos a qualidade da previsão de um modelo, devemos construir uma estratégia de validação em treinamos o modelo em um pedaço dos dados (*conjunto treino*) e testamos a previsão em outro pedaço (*conjunto teste*)
- Existem diversas estratégias de validação possíveis, sendo que a escolha da estratégia depende do problema analisado
- As estratégia mais comum de validação para séries de tempo é a *rolling cross validation*

Rolling cross validation

- Antes de construirmos a estratégia de validação, podemos separar os dados em dois grupos (treino e teste), utilizando, por exemplo, 75% dos dados para o grupo treino e 25% para o grupo teste
- A estratégia *rolling cross validation* se aplica no conjunto treino, e define um conjunto inicial de observações (n), uma janela móvel (j) e um horizonte de previsão (h)
 - Primeiro estimamos o modelo nas n observações iniciais,
 - Depois avaliamos a previsão de horizonte h ,
 - Depois estimamos o modelo novamente adicionando as j próximas observações,
 - Seguimos estas etapas até o fim da série de tempo

Medidas de performance

As medidas mais comuns para calcular a performance de modelos de previsão incluem:

- **Erro absoluto médio:** $MAE = \frac{\sum_{t=1}^T |\hat{Y}_t - Y_t|}{T}$
- **Raiz do erro quadrático médio:** $RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^T (\hat{Y}_t - Y_t)^2}{T}}$
- **Erro percentual médio absoluto:** $MAPE = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \left| \frac{Y_t - \hat{Y}_t}{Y_t} \right|$

Exemplo no R

Para este exemplo iremos utilizar os pacotes e os dados da aula passada:

```
library(tidyverse)
library(lubridate)
library(tsibble)
library(feasts)
library(fable)
library(fasster)
data <- tourism %>%
  group_by(Purpose) %>%
  summarise(Trips = sum(Trips))
```


Conjunto treino

Para construir um procedimento de validação, vamos primeiro definir o horizonte de previsão h e então criar um conjunto treino excluindo as últimas h observações para medirmos a performance da previsão (conjunto teste):

```
h <- 10
train <- data %>%
  group_by(Purpose) %>%
  slice(1:(n()-h)) %>%
  ungroup()
```

Conjunto validação

A função `stretch_tsibble` possibilita criar conjuntos de validação utilizando janelas móveis de 10 em 10, começando com 20 observações:

```
train_cv <- train %>%  
  group_by(Purpose) %>%  
  slice(1:(n() - 10)) %>%  
  stretch_tsibble(.init = 20, .step = h) %>%  
  ungroup()
```

Uma nova coluna `.id` será criada com o identificador do conjunto validação. Ao todo são 60 observações por série de tempo (10 foram inicialmente excluídas), o que nos dá 5 grupos distintos (o primeiro grupo contém 20, o segundo 30, etc.)

Estimação

Vamos criar uma função para estimar vários modelos em apenas um comando:

```
models <- function(data) {  
  data %>%  
    model(  
      MEAN = MEAN(log(Trips)),  
      NAIVE = NAIVE(log(Trips)),  
      SNAIVE = SNAIVE(log(Trips)),  
      ETS = ETS(log(Trips)),  
      ARIMA = ARIMA(log(Trips)),  
      DLM = FASSTER(log(Trips) ~ poly(1) + season(4))  
    )  
}
```

Estimação

Agora vamos estimar todos os modelos no conjunto treino e nos grupos do conjunto validação, realizando as previsões com a função `forecast`:

```
train_fit <- models(train)
train_cv_fit <- models(train_cv)
train_fc <- forecast(train_fit, h = 10)
cv_fc <- forecast(train_cv_fit, h = 10)
```

Performance das previsões

Com a função `accuracy` podemos calcular a performance das previsões no conjunto treino e validação:

```
acc_train <- accuracy(train_fit)
acc_cv <- cv_fc %>% accuracy(train)
```

Minimizar o erro de previsão no conjunto treino pode levar a `overfitting`, por isso precisamos olhar para os erros de previsão no conjunto validação e no conjunto teste

Performance das previsões

```
acc_train %>% print(n = 24)
```

```
## # A tibble: 24 x 10
##   Purpose .model .type      ME  RMSE  MAE  MPE  MAPE  MASE  ACF1
##   <chr>    <chr> <chr>    <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 Business MEAN  Training 33.8  508.  396.  -0.909 10.6  1.34  0.255
## 2 Business NAIVE Training 19.0  610.  532.  -0.881 14.2  1.80 -0.187
## 3 Business SNAIVE Training 50.2  398.  295.  0.688  7.41  1    0.276
## 4 Business ETS   Training 29.2  281.  210.  0.304  5.35  0.712 0.0173
## 5 Business ARIMA Training 29.1  328.  236.  0.204  5.95  0.799 -0.0485
## 6 Business DLM   Training 37.6  330.  238.  0.452  5.98  0.806 0.0776
## 7 Holiday MEAN  Training 52.5 1019.  804.  -0.537  8.34  2.02 -0.0805
## 8 Holiday NAIVE Training -30.4 1478. 1171.  -1.42  12.1  2.94 -0.354
## 9 Holiday SNAIVE Training 10.6  528.  398.  -0.0379 4.26  1    -0.00209
## 10 Holiday ETS   Training 14.0  417.  315.  -0.0179 3.34  0.792 -0.0624
## 11 Holiday ARIMA Training 11.2  483.  371.  -0.0506 3.97  0.934 0.154
## 12 Holiday DLM   Training  7.47 472.  363.  -0.0696 3.86  0.912 -0.0403
## 13 Other MEAN  Training 13.1  161.  117.  -1.38  12.8  0.998 0.659
## 14 Other NAIVE Training 10.2  117.  95.2  0.146  10.8  0.813 -0.271
## 15 Other SNAIVE Training 37.4  148.  117.  2.55  12.8  1    0.494
## 16 Other ETS   Training 18.5  97.0  78.1  1.04  8.81  0.667 0.0404
## 17 Other ARIMA Training 17.6  106.  86.9  0.867  9.77  0.742 0.0834
## 18 Other DLM   Training 25.2  113.  91.3  1.62  10.1  0.779 0.255
## 19 Visiting MEAN  Training 30.8  650.  546.  -0.454  8.04  1.34  0.481
## 20 Visiting NAIVE Training 10.2  655.  531.  -0.335  7.84  1.30 -0.192
## 21 Visiting SNAIVE Training 65.8  504.  408.  0.636  5.99  1    0.374
## 22 Visiting ETS   Training 29.1  330.  259.  0.226  3.85  0.636 -0.0674
## 23 Visiting ARIMA Training 33.8  379.  295.  0.299  4.38  0.724 -0.0401
## 24 Visiting DLM   Training 40.9  388.  295.  0.354  4.37  0.724 0.127
```

Performance das previsões

```
acc_cv %>% arrange(Purpose) %>% print(n = 24)
```

```
## # A tibble: 24 x 10
##   .model Purpose .type      ME  RMSE  MAE      MPE  MAPE  MASE  ACF1
##   <chr> <chr> <chr> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 ARIMA Business Test    11.5  498.  392. -0.790  10.2  1.45  0.693
## 2 DLM   Business Test    40.3  485.  367.  0.0535  9.51  1.36  0.632
## 3 ETS   Business Test    69.1  458.  346.  0.728   8.97  1.28  0.646
## 4 MEAN  Business Test   -111.  567.  438. -5.06   12.2  1.63  0.329
## 5 NAIVE Business Test   -214.  636.  506. -7.73   14.4  1.88  0.339
## 6 SNAIVE Business Test     7.19  516.  406. -0.791  10.5  1.51  0.569
## 7 ARIMA Holiday Test    36.1  649.  508.  0.00848  5.47  1.34  0.266
## 8 DLM   Holiday Test    9.49  635.  502. -0.273  5.41  1.32  0.279
## 9 ETS   Holiday Test    80.9  611.  493.  0.556   5.27  1.30  0.445
## 10 MEAN Holiday Test   -169.  1074.  929. -3.03   9.97  2.44 -0.0566
## 11 NAIVE Holiday Test  -44.0  1090.  893. -1.54   9.39  2.35 -0.0636
## 12 SNAIVE Holiday Test   14.4  670.  529. -0.249  5.73  1.39  0.204
## 13 ARIMA Other Test    42.6  197.  146.  1.40   15.1  1.42  0.723
## 14 DLM   Other Test    28.0  180.  131.  0.0664  13.8  1.28  0.622
## 15 ETS   Other Test    31.8  189.  145.  0.252   15.2  1.41  0.726
## 16 MEAN  Other Test    66.8  186.  128.  4.35   12.7  1.24  0.687
## 17 NAIVE Other Test   -12.3  199.  159. -4.85   17.2  1.55  0.749
## 18 SNAIVE Other Test    26.4  185.  138.  0.0353  14.6  1.34  0.457
## 19 ARIMA Visiting Test   41.1  742.  638. -0.0338  9.28  1.51  0.587
## 20 DLM   Visiting Test   93.2  610.  523.  0.758   7.66  1.24  0.544
## 21 ETS   Visiting Test   196.  655.  560.  2.21   8.05  1.33  0.610
## 22 MEAN  Visiting Test   181.  754.  644.  1.57   9.23  1.53  0.548
## 23 NAIVE Visiting Test  -108.  774.  632. -2.19   9.48  1.50  0.513
## 24 SNAIVE Visiting Test    67.5  642.  561.  0.379   8.21  1.33  0.399
```

Seleção do melhor modelo

Os melhores modelos devem ser aqueles que minimizam o erro de previsão no conjunto validação. Iremos utilizar o RMSE para escolher:

```
best_model <- acc_cv %>%  
  group_by(Purpose) %>%  
  filter(RMSE == min(RMSE))  
best_model
```

```
## # A tibble: 4 x 10  
## # Groups:   Purpose [4]  
##   .model Purpose  .type    ME  RMSE  MAE    MPE  MAPE  MASE  ACF1  
##   <chr>  <chr>    <chr> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>  
## 1 DLM    Other    Test   28.0  180.  131.  0.0664 13.8   1.28  0.622  
## 2 DLM    Visiting Test   93.2  610.  523.  0.758   7.66  1.24  0.544  
## 3 ETS    Business Test   69.1  458.  346.  0.728   8.97  1.28  0.646  
## 4 ETS    Holiday  Test   80.9  611.  493.  0.556   5.27  1.30  0.445
```


Seleção do melhor modelo

Agora podemos estimar os melhores modelos no conjunto treino completo e calcular as previsões:

```
good_models <- train %>%  
  model(  
    ETS = ETS(log(Trips)),  
    DLM = FASSTER(log(Trips) ~ poly(1) + season(4))  
  )  
train_fc <- forecast(good_models, h = h)
```

Seleção do melhor modelo

Por fim, podemos avaliar a performance do melhor modelo no conjunto teste que contém 10 observações não utilizadas durante todo o procedimento:

```
train_fc %>% accuracy(data) %>% arrange(Purpose)
```

```
## # A tibble: 8 x 10
##   .model Purpose .type    ME  RMSE  MAE  MPE  MAPE  MASE  ACF1
##   <chr>  <chr>  <chr> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 DLM    Business Test  536.  643.  536.  9.86  9.86  1.82  0.473
## 2 ETS    Business Test  493.  621.  533.  9.07  9.85  1.81  0.396
## 3 DLM    Holiday  Test  891.  996.  891.  8.24  8.24  2.24  0.164
## 4 ETS    Holiday  Test  906. 1003.  906.  8.37  8.37  2.28  0.241
## 5 DLM    Other    Test   50.7  122.  86.3  3.12  5.97  0.737 -0.217
## 6 ETS    Other    Test   11.3  110.  90.2  0.245  6.46  0.770 -0.123
## 7 DLM    Visiting Test  656.  792.  661.  7.52  7.59  1.62  0.323
## 8 ETS    Visiting Test  582.  721.  582.  6.65  6.65  1.43  0.323
```

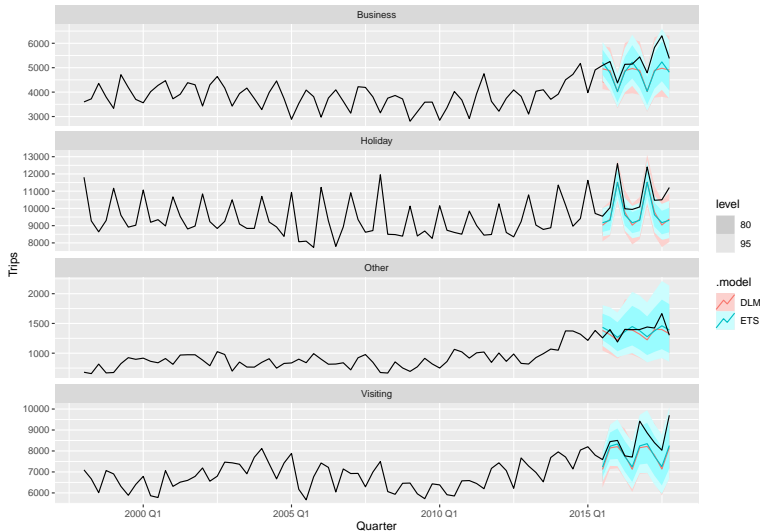
Seleção do melhor modelo

Podemos comparar graficamente as previsões para estas 10 observações com os dados verdadeiros através da função `autoplot`:

```
train_fc %>% autoplot(data)
```

Observa-se que alguns modelos parecem não estar captando bem a tendência de crescimento mais recente nas séries de tempo. Como você corrigiria isso?

Seleção do melhor modelo



Previsões finais

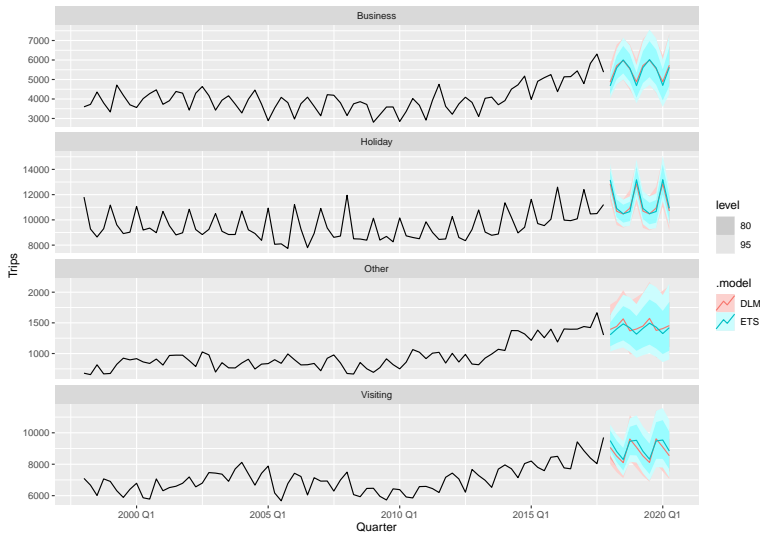
Por fim, podemos estimar os melhores modelos no conjunto total de dados para fazer previsões para períodos desconhecidos:

```
final_models <- data %>%  
  model(  
    ETS = ETS(log(Trips)),  
    DLM = FASSTER(log(Trips) ~ poly(1) + season(4))  
  )  
final_fc <- forecast(final_models, h = h)
```

E plotar as previsões finais:

```
final_fc %>% autoplot(data)
```

Previsões finais



Previsões finais

Como podemos melhorar as previsões destes modelos?

- Considerar diferentes estratégias de validação (divisão entre conjuntos treino, teste e validação)
- Utilizar parâmetros diferentes nas estimações dos modelos
- Estimar outros modelos e tirar a média de previsões de modelos distintos
- Utilizar outras medidas de performance